

הגות כרזיות - תיאור'ק של המודל עם פונקציה hazard

שדה פונקציה זרזיו

(ע' סימון זרזיו שונק מלד  
של הזיסוד, אוק זלד מוסקד.)

ע' זנו  
נוכד זרזיו  
 $\lambda(t) = \lambda_k$  זגור  $t \in [t_{k-1}, t_k)$ ,  $k = 1, \dots, K$

$$\lambda(t) = \sum_{k=1}^K \lambda_k \xi_k(t)$$

זאזר

$$t \in [t_{k-1}, t_k) \left\{ \begin{matrix} 1 \\ 0 \end{matrix} \right\} = \xi_k(t)$$

זאוסן זומז נוכד זרזיו

$$\Lambda(t) = \sum_{k=1}^K \xi_k(t) \left[ \sum_{j=1}^{k-1} \lambda_j \Delta_j + \lambda_k (t - t_{k-1}) \right]$$

זאזר  $\Delta_j = t_j - t_{j-1}$

זדיגרונו זל זק בזיגה).

זאמור אז  $\lambda_k$  זוק ע'זג נוכזיו מרזיו.  
זכזכו, זז'זו'ו' כזזזו זפונקציו זכזז-נוכזיו זנו

$$l = \sum_{i=1}^n \delta_i \log \lambda(x_i) - \sum_{i=1}^n \Lambda(x_i)$$

זאזלנו מז זזז'ז

$$l = \sum_{i=1}^n \delta_i \sum_{k=1}^K (\log \lambda_k) \xi_k(x_i) - \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^K \xi_k(x_i) \left[ \sum_{j=1}^{k-1} \lambda_j \Delta_j + \lambda_k (x_i - t_{k-1}) \right]$$

ז'זזו זל זכ' ]  
 $\log \sum \lambda_k \xi_k(t) = \sum (\log \lambda_k) \xi_k(t)$

זכיוון זכזד ז' ע' אינזקס ז אזר זק - ע  
זכזזר זזרזיו זל ז' ע' זנו  $\xi_k(t) = 0$

$$\begin{aligned} \frac{\partial l}{\partial \lambda_r} &= \sum_{i=1}^n \delta_i \sum_{k=1}^K \xi_k(x_i) \frac{\partial \log \lambda_k}{\partial \lambda_r} \\ &- \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^K \xi_k(x_i) \left[ \sum_{j=1}^{k-1} \Delta_j \frac{\partial \lambda_j}{\partial \lambda_r} + (x_i - t_{k-1}) \frac{\partial \lambda_k}{\partial \lambda_r} \right] \\ &= \sum_{i=1}^n \delta_i \lambda_r^{-1} \xi_r(x_i) \\ &- \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^K \xi_k(x_i) \left[ \Delta_r I(1 \leq r \leq k-1) + (x_i - t_{k-1}) I(k=r) \right] \end{aligned}$$

אם  $i$  נהיה  $\xi_k(x_i) I(1 \leq r \leq k-1)$  - e דג מ'ע)

$$(*) \begin{cases} x_i \in [t_{k-1}, t_k) \\ k-1 \geq r \end{cases}$$

אם  $0$  נהיה  $\Delta_r$ .

$$\sum_k \xi_k(x_i) I(1 \leq r \leq k-1)$$

נהיה  $i$  אם  $r > k$  נק - e  $(*)$  ונחשב, ונחשב  
 ככה נהיה  $x_i \geq t_r$  - e נחשב,  $x_i \geq t_r$  ככה נהיה  $\Delta_r$ .

דפוס נחשב

$$\begin{aligned} \frac{\partial l}{\partial \lambda_r} &= \lambda_r^{-1} \sum_{i=1}^n \delta_i \xi_r(x_i) \\ &- \sum_{i=1}^n \left[ \Delta_r I(x_i \geq t_r) + (x_i - t_{r-1}) \xi_r(x_i) \right] \\ &= \lambda_r^{-1} \delta^*(r) - \tau^*(r) \end{aligned}$$

נהיה

$$\begin{aligned} \delta^*(r) &= \sum_{i=1}^n \delta_i \xi_r(x_i) \\ &= [t_{r-1}, t_r) \rightarrow \text{מספר האינדקסים שבהם } x_i \in [t_{r-1}, t_r) \\ \tau^*(r) &= \sum_{i=1}^n \tilde{x}_i(r) \end{aligned}$$

$$\hat{\lambda}_r = \frac{\delta^*(r)}{\tau^*(r)}$$

$$\hat{\lambda} \sim N(\lambda, \mathcal{I}^{-1})$$

כאן  $\lambda$  ו- $\mathcal{I}$

$$\mathcal{I} = E[g], \quad g_{rs} = -\frac{\partial^2 \ell}{\partial \lambda_r \partial \lambda_s}$$

כאן

$$\lambda = \begin{bmatrix} \lambda_1 \\ \vdots \\ \lambda_k \end{bmatrix}$$

כאן  $\lambda$  ו- $\mathcal{I}$

$$\frac{\partial \ell}{\partial \lambda_r} = \lambda_r^{-1} \delta^*(r) - \tau^*(r)$$

$$\frac{\partial^2 \ell}{\partial \lambda_r \partial \lambda_s} = \begin{cases} -\lambda_r^{-2} \delta^*(r) & r=s \\ 0 & r \neq s \end{cases}$$

$$g = \begin{bmatrix} \lambda_1^{-2} \delta^*(1) & & & & \\ & \lambda_2^{-2} \delta^*(2) & & & \\ & & \ddots & & \\ & & & \ddots & \\ & & & & \lambda_k^{-2} \delta^*(k) \end{bmatrix}$$

